

「理論統計学教程：保険数理と統計的方法」(共立出版)  
正誤表

※以下，例えば  $10^3$  のような表記は 10 ページの上から 3 行目， $10_5$  の表記は 10 ページの下から 5 行目，などの意味である。

1. 29<sub>4</sub>:  $\phi^{(n)}(0) \rightarrow \phi_X^{(n)}(0)$

2. 73<sup>9</sup>:  $p_i \equiv p \rightarrow p_i \equiv 1 - p$

3. 75<sup>1</sup>:  $\text{Var}[S] = \frac{p(\alpha^2 + \alpha - 1)}{(1-p)^2\beta^2} \rightarrow \text{Var}[S] = \frac{p(\alpha^2 + \alpha - \alpha p)}{(1-p)^2\beta^2}$

4. 77<sup>2-3</sup>: 以下の表現， 2 箇所.

$$\exp\left(-\frac{i\lambda\mu}{\sqrt{\lambda(\mu^2 + \sigma^2)}}\right) \rightarrow \exp\left(-\frac{i\lambda\mu t}{\sqrt{\lambda(\mu^2 + \sigma^2)}}\right)$$

5. 91<sub>5</sub>:  $\exp(-x^2) \rightarrow \exp(-x^2/2)$

6. 102<sup>1</sup>: これは正値関数であり  $\rightarrow$  これは十分大きな  $t$  に関して正値であり

7. 121<sup>5</sup>:  $\frac{ck}{\kappa - 1} \rightarrow \frac{c\kappa}{\kappa - 1}$

8. 121<sup>7</sup>:

$$\frac{\int_x^\infty \bar{F}_U(dy)}{\bar{F}_U(y)} \rightarrow \frac{\int_x^\infty \bar{F}_U(dy)}{\bar{F}_U(x)}$$

9. 135<sub>6</sub>:  $TVaR_\alpha(\lambda X + (1 - \alpha)Y) \rightarrow TVaR_\alpha(\lambda X + (1 - \lambda)Y)$

10. 159<sub>10</sub>:  $\Theta$  は開集合で  $\rightarrow \Theta$  は有界な開集合で

11. 163<sup>12</sup>:  $\Theta$  内の  $\rightarrow \bar{\Theta}$  内の

12. 166<sup>11</sup> (4.16) 式: 以下の条件に変更

$$\partial_\theta^k \int_{\mathbb{R}} f_\theta(x) dx = \int_{\mathbb{R}} \partial_\theta^k f_\theta(x) dx$$

13. 168<sub>6</sub>:  $\Theta \subset \mathbb{R}^p \rightarrow \Theta \subset \mathbb{R}$

14. 169<sup>5</sup>: 「 $r_n$  は  $\theta$  に依存しない確率変数で  $r_n \xrightarrow{p} r \in \mathbb{R}$  を満たすとする」  $\rightarrow$  「 $r_n$  は  $\theta$  に依存しない確率変数で  $\{X_i\}_{i=1, \dots, n}$  と独立とし，ある  $\sigma_r^2 \geq 0$  に対して， $\sqrt{n}(r_n - r) \xrightarrow{d} N(0, \sigma_r^2)$  を満たすとする」

15. 169<sub>8</sub>:  $C^2$  級  $\rightarrow C^1$  級

16. 169<sub>7</sub>:  $\partial_\theta \mathbb{E}[\psi_{\theta_0}(X_1)] = \rightarrow$  削除

(ここでは  $V_{\theta_0} \in (0, \infty)$  の存在だけで OK)

17. 169<sub>4</sub>:

$$\sigma^2(\theta_0) = \mathbb{E} [\{\psi_{\theta_0}(X_1) - r\}^2] V_{\theta_0}^{-2} \rightarrow \sigma^2(\theta_0) = \mathbb{E} [\{\psi_{\theta_0}(X_1) - r\}^2] V_{\theta_0}^{-2} + \sigma_r^2$$

注意： $\sigma_r^2$  については修正 14 を参照のこと。

18. 172<sup>8</sup>, (4.21) 式:  $\hat{p}_m = \frac{\bar{N}_m}{1+\bar{N}_m}$

19. 172<sub>4-3</sub>:  $p(1-p)$  の部分をすべて  $p(1-p)^2$  とする。

20. 172<sub>2</sub>, 173<sup>1</sup>:  $\hat{p}_m(1-\hat{p}_m)$  の部分をすべて  $\hat{p}_m(1-\hat{p}_m)^2$  とする。

21. 175<sub>7</sub>:  $\sigma_\gamma^2$  の表現を以下のように修正：

$$\sigma_\gamma^2 = \frac{m_U(2\gamma) - [m_U(\gamma)]^2}{[m'_U(\gamma)]^2} + \frac{(1-p)^2}{p^3}$$

注意：この修正は 14 の修正で  $\sigma_r^2$  を追加したことによる。同様に、次の修正が必要となります：

22. 175<sub>3</sub>:  $\sigma_\gamma^2$  の表現を以下のように修正：

$$\sigma_\gamma^2 = \frac{\mathbb{E} [(e^{rV_1} - 1/p)^2]}{(\mathbb{E}[V_1 e^{\gamma V_1}])^2} + \frac{(1-p)^2}{p^3}$$

23. 179<sub>2</sub>:  $\frac{\theta^\alpha}{(1+\theta)^\alpha} \rightarrow \frac{\alpha\theta^\alpha}{(x+\theta)^{\alpha+1}}$

24. 180<sub>2</sub>:  $\frac{\hat{\theta}^{\hat{\alpha}}}{(1+\hat{\theta})^{\hat{\alpha}}} \rightarrow \frac{\hat{\alpha}\hat{\theta}^{\hat{\alpha}}}{(x+\hat{\theta})^{\hat{\alpha}+1}}$

25. 180<sub>4</sub>:  $\ell_n$  を以下のように変更

$$\ell_n(\theta, \alpha) = m \log \alpha + m\alpha \log \theta - (\alpha + 1) \sum_{i=1}^m \log(V_i + \theta)$$

26. 202<sup>4</sup>:  $\lambda s \rightarrow \lambda t$

27. 208<sub>7</sub>:

$$\int_a^b \int_U N(dt, dz) \rightarrow \int_a^b \int_B N(dt, dz)$$

28. 218<sup>13</sup>:  $u \geq 0 \rightarrow v \geq 0$

29. 249<sub>2</sub>:  $\mathbb{E}[\tilde{S}_k] = 0 \rightarrow \mathbb{E}[\tilde{S}_k] = \lambda\mu t$

30. 250<sup>2</sup>:

$$\frac{\sum_{k=1}^n \tilde{S}_k}{\sqrt{n}\sqrt{\lambda(\mu^2 + \sigma^2)}t} \rightarrow \frac{\sum_{k=1}^n (\tilde{S}_k - \lambda\mu t)}{\sqrt{n}\sqrt{\lambda(\mu^2 + \sigma^2)}t}$$

31. 258<sup>4</sup>:  $\bar{\psi}(u, T) \rightarrow \mathbb{P}(\tau > t) = \bar{\psi}(u, T)$

32. 258<sup>6</sup>:

$$\exp\left(-\frac{(u - \mu T)^2}{2\sigma^2 T}\right) \rightarrow \exp\left(-\frac{(u + \mu T)^2}{2\sigma^2 T}\right)$$

33. 258<sub>5</sub> & 258<sub>2</sub>:

$$\exp\left(-\frac{\mu}{\sigma^2} \left(\mu + \sqrt{\mu^2 + 2\sigma^2 s}\right)\right) \rightarrow \exp\left(-\frac{u}{\sigma^2} \left(\mu + \sqrt{\mu^2 + 2\sigma^2 s}\right)\right)$$

34. 286<sub>6</sub>:  $\phi(u) = e^{-\lambda t} \dots \rightarrow \phi(u) = e^{-\lambda T} \dots$

35. 339<sub>8</sub> & 339<sub>7</sub>:

$$= \sum_{k=1}^n \frac{1}{k^2} \rightarrow < \sum_{k=1}^n \frac{1}{k^2}$$

36. 340<sup>4</sup>:  $M_{n,\Delta}(Z) = z_1(n\Delta)z_2((n-1)\Delta) = r(2\Delta)z_1((n-2)\Delta)z_2((n-1)\Delta)$

$$\rightarrow M_{n,\Delta}(Z) \leq z_1(n\Delta)z_2((n-1)\Delta) \leq r(2\Delta)z_1((n-2)\Delta)z_2((n-1)\Delta)$$

37. 340<sub>5</sub>:

$$r(2\Delta) + \int_0^\infty z_1(x)z_2(x) dx \rightarrow r(2\Delta) \cdot \int_0^\infty z_1(x)z_2(x) dx$$

38. 353<sup>5</sup>:  $x, y \in C_t \rightarrow x \in C_t$

その他, 追加すべき事柄について

- 258<sup>3</sup>, 定理 6.39 に対する注意:

(6.45) 式について  $\psi(u, T) = \mathbb{P}(\tau \leq T)$  を考えると,  $\mu \leq 0$  ならば  $\lim_{T \rightarrow \infty} \psi(u, T) = 1$  となるのでこれは通常の分布関数であるが,  $\mu > 0$  のときには,  $\lim_{T \rightarrow \infty} \psi(u, T) = e^{-2\mu u/\sigma^2} < 1$  となつて, このとき  $\psi(u, \cdot)$  は不完全分布 (**defective distribution**) となることに注意せよ (不完全分布については, p.79 の「不完全再生方程式」に関する注意を見よ).

以上,

その他, コメント等は [shimizu@waseda.jp](mailto:shimizu@waseda.jp) までいただけますと幸いです.  
最終更新: 2019年11月23日 清水泰隆